

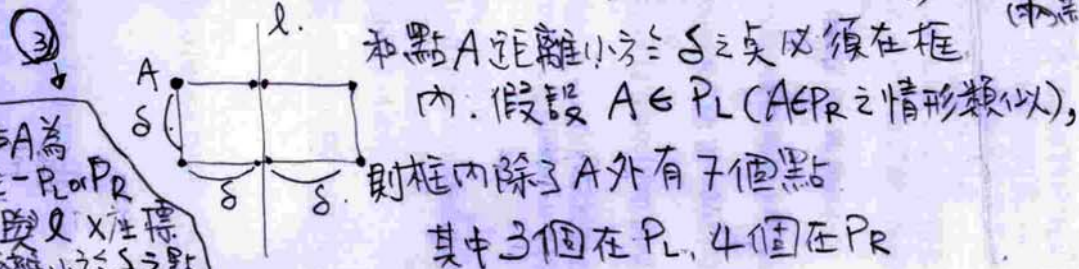
課本上: Q 的選擇使 $|P_L| = \lfloor \frac{|P|}{2} \rfloor$, $|P_R| = \lfloor \frac{|P|}{2} \rfloor$, Q 為 $x = \left(\begin{array}{l} \text{依 } x \text{ 座標排好序之} \\ \text{第 } \lfloor \frac{|P|}{2} \rfloor \text{ 點之 } x \text{ 座標} \end{array} \right)$

① 則 P_L, P_R 中可能包含 中間點在這
 x 座標在 Q 上的點

② 每個點只需要和 y 座標比自己大的點比.

(因為 A, B 之間距離和 B, A 之間距離相同)

以下開始尋找
 - 一點在 P_L
 - 一點在 P_R
 兩點距離小於 δ 之 case



點 A 為任一 P_L 或 P_R 中與 Q x 座標距離小於 δ 之點

④ 在此我們有以下資料可供使用.

- (1) P_L 中 x 座標距離 Q 小於 δ 的點, 照 y 座標排好
- (2) P_R 中 " " " " " "
- (3) P 中 " " " "

* 是否可以用 (1), (2) 的資料使 A 只要和在 P_R 中的 4 個點比較就好?

答案是否定的. 因為無法在 $O(1)$ 內在 (2) 中找到 " y 座標比 A 大的其中最小的 4 個點".

這樣就不能把 combine 的時間壓在 $O(n)$ 了. (因為點 A 有 $O(n)$ 個)

* 因此我們選擇使用 (3). 對每個 (3) 中的點 (即點 A) 尋找它的 "下面 4 個和它不同邊的點". 但中間可能摻雜 "最多 3 個同邊的點", 因此最多要檢查 "下面 3+4=7 個點".

同學的 Q 選法: 先取 \bar{x} 為 P 照 x 座標排列完畢後第 $\lceil \frac{|P|}{2} \rceil$ 小的點的 x 座標.

$$P_L = \{ \forall p \in P, x(p) \leq \bar{x} \}$$

\uparrow 美 \uparrow P 之 x 座標

$$P_R = \{ \forall p \in P, x(p) > \bar{x} \}$$

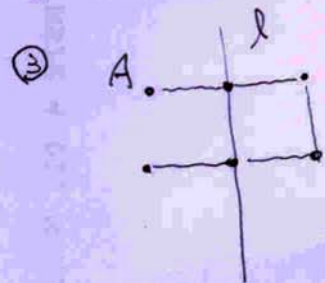
Q : $x = \bar{x}$ 的直線

① 以上之 divide 需花 $\Theta(n)$ (ok!) \rightarrow 比課本上方法多花的時間.

Order 一樣, 但 constant \uparrow

① 在 Q 上的點在 P_L 上, 不會在 P_R 上.

② 同上 - 頁.



如果 $A \in P_L$, 則框內最多有 6 個點.

P_L 除 A 外有 3 個

P_R 有 2 個

如果 $A \in P_R$ 則框內最多有 6 個點

P_L 有 4 個

P_R 除 A 外有 1 個

- 升 - 降, 可能最後
所花時間差不多.

④ 用 P 中 " x 座標距離 Q 小於 S 的點照 y 座標排序" 之資料.

對每個點 A 來說, 必須找它下面 5 個點 (類似上一頁)

\rightarrow 比課本上方法少花時間.
Order 一樣, 但 constant \downarrow